

情報デザイン専攻

画像情報処理論及び演習II

- 周波数分解 -

フーリエ変換、DCTと周波数操作

第2回講義
水曜日 1 限
教室 6218

吉澤 信
shin@riken.jp, 非常勤講師
大妻女子大学 社会情報学部

独立行政法人
理化学研究所

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

今日の授業内容

www.riken.jp/brict/Yoshizawa/Lectures/index.html
www.riken.jp/brict/Yoshizawa/Lectures/Lec16.pdf

1. 前回の復習・演習の続き.
2. フーリエ変換と周波数操作.
3. 演習: Discrete Cosine Transform (DCT, 離散コサイン変換)によるフィルタ処理.

今日の演習は最初のレポートで出すので、
みなさん頑張ってくださいねーp(^)q

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

復習: Imageクラス + BMPの流れ

✓ testBMP.cxxをemacsで開いてみてください.

1. BMPIOクラスをnew.
2. readBMPSize()で画像サイズを確保.
3. 画像クラスを取得したサイズでnew.
4. readBMP()で画像を読み込む.
5. 処理...
6. saveBMP()で画像を保存.
7. newしたオブジェクトをdelete.

```
int main(int argc, char *argv[]){
    BMPIO *mybmp = new BMPIO(); ①
    Image *I = NULL;
    Image *G = NULL;
    Image *B = NULL;
    int sx, sy;
    if(mybmp->readBMPSize(&sx, &sy, argv[1])){ ②
        I = new Image(sx, sy);
        G = new Image(sx, sy); ③
        B = new Image(sx, sy);
        mybmp->readBMP(R, G, B, argv[1]); ④
        //処理
        int i, j;
        for(i=0; i<R->sy; i++){ ⑤
            for(j=0; j<R->sx; j++){
                //処理
            }
        }
        mybmp->saveBMP(R, G, B, argv[2]); ⑥
        delete mybmp; ⑦
        if(R!=NULL)delete R;
        if(G!=NULL)delete G;
        if(B!=NULL)delete B;
    }
    return 0;
}
```

注: グレースケールに変換する部分は省いてあります.

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

復習: 演習07-1: ppmとbmpの変換

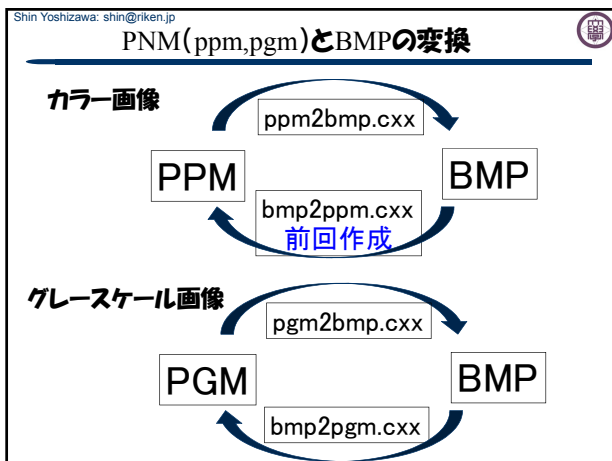
✓ ex07.cxxを編集して以下の二つのプログラムを作ってみましょう!

- bmp2ppm: bmp画像を読み込んでppm画像としてセーブするプログラム.
- ppm2bmp: ppm画像を読み込んでbmp画像としてセーブするプログラム.
- ヒント: ppmの入出力はppmio.hを使う(ex01_2.cxx又は前期演習01を参照).
- カラー画像で確認する事.

✓ ↑が出来た人はpgm2bmpとbmp2pgmも作ってみてください.

✓ Makefileを編集して上記4つのプログラムがmakeでコンパイル出来る様にしてみましょう.

第1回レポートは↑を含むので頑張ってくださいねーp(^)q



Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

PNM(ppm,pgm)とBMPの変換2

ソースコード作成→コンパイル→実行

✓ コンパイル:

- g++ -o bmp2ppm bmp2ppm.cxx
- g++ -o ppm2bmp ppm2bmp.cxx
- g++ -o bmp2pgm bmp2pgm.cxx
- g++ -o pgm2bmp pgm2bmp.cxx

✓ 実行: 「./実行ファイル 入力画像 出力画像」

- ./bmp2ppm lena.bmp lena.ppm
- ./ppm2bmp lena.ppm lena_ppm2bmp.bmp
- ./bmp2pgm lena.bmp lena.pgm
- ./pgm2bmp lena.pgm lena_pgm2bmp.bmp

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

bmp2ppm: 前回作成

前回作ったbmp2ppm.cxxはBMPを開いてPPMで保存:

BMP画像の入出力

testBMP.cxx
BMPIO.h

BMP→BMP
BMPを開いてBMPで保存

PPM画像の入出力

ex01_2.cxx
ppmio.h

PPM→PPM
PPMを開いてPPMで保存

↓

BMP画像→PPM画像

bmp2ppm.cxx
BMPIO.h
ppmio.h

BMP→PPM
BMPを開いてPPMで保存

✓ BMPの入力: testBMP.cxxの前半.
✓ PPMの出力: ex01_2.cxxの後半.

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

ppm2bmp

ppm2bmp.cxxはPPMを開いてBMPで保存: bmp2ppmの逆.

BMP画像の入出力

testBMP.cxx
BMPIO.h

BMP→BMP
BMPを開いてBMPで保存

PPM画像の入出力

ex01_2.cxx
ppmio.h

PPM→PPM
PPMを開いてPPMで保存

↓

PPM画像→BMP画像

ppm2bmp.cxx
BMPIO.h
ppmio.h

PPM→BMP
PPMを開いてBMPで保存

✓ BMPの出力: testBMP.cxxの後半.
✓ PPMの入力: ex01_2.cxxの前半.

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

bmp2pgm

bmp2pgm.cxxはBMPを開いてPGMで保存: Gray=(R+G+B)/3

BMP画像の入出力

testBMP.cxx
BMPIO.h

BMP→BMP
BMPを開いてBMPで保存

PGM画像の入出力

ex01.cxx
pgmio.h

PGM→PGM
PGMを開いてPGMで保存

↓

BMP画像→PGM画像

bmp2pgm.cxx
BMPIO.h
pgmio.h

BMP→PGM
BMPを開いてPGMで保存

✓ BMPの入力: testBMP.cxxの前半.
✓ PGMの出力: ex01.cxxの後半.

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

pgm2bmp

pgm2bmp.cxxはPGMを開いてBMPで保存: saveBMP(Image*, char*)

BMP画像の入出力

testBMP.cxx
BMPIO.h

BMP→BMP
BMPを開いてBMPで保存

PGM画像の入出力

ex01.cxx
pgmio.h

PGM→PGM
PGMを開いてPGMで保存

↓

PGM画像→BMP画像

pgm2bmp.cxx
BMPIO.h
pgmio.h

PGM→BMP
PGMを開いてBMPで保存

✓ BMPの出力: testBMP.cxxの後半.
✓ PGMの入力: ex01.cxxの前半.

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

今日の授業内容

- 周波数分解 -

フーリエ変換、DCTと周波数操作

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

周波数分解

入力画像

フーリエ変換、
Wavelet変換、
KL展開等の
関数展開

周波数・
係数列

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

周波数操作

入力画像 $f(x, y)$ → **変換** → 周波数 $F(u, v)$ → **処理** → 処理後の周波数 $F(u, v)H(u, v)$ → **逆変換** → 出力画像 $g(x, y)$

フーリエ変換 (FFT) → 処理 (フィルタリング) → 逆フーリエ変換 (IFFT)

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

周波数(Frequency)

- ✓ 周波数・振動数: 波動・振動周期の逆数(1/周期)。
- ✓ 周期(Period): 1循環するまでの時間。
- ✓ 振幅(Amplitude): 振動の大きさ。

低周波: ゆるやか=大きな特徴

高周波: こまやか=シャープな特徴

振幅、周期、時間

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

復習: 三角関数

✓ 直角三角形の角度から辺の長さの比を与える。

$$\sin \theta = \frac{a}{h}, \quad \cos \theta = \frac{b}{h}$$

$$\tan \theta = \frac{a}{b} = \frac{\sin \theta}{\cos \theta}$$

$$\cot \theta = \frac{b}{a} = \frac{1}{\tan \theta}$$

$$\csc \theta = \frac{h}{a} = \frac{1}{\sin \theta}$$

$$\sec \theta = \frac{h}{b} = \frac{1}{\cos \theta}$$

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

関数展開

✓ 関数を基底と係数の1次(線形)結合で表す事。

✓ 例えば三角関数を基底とすると...

$$f(x) = \frac{a_0}{2} + a_1 \cos \frac{\pi x}{L} + a_2 \cos \frac{2\pi x}{L} + a_3 \cos \frac{3\pi x}{L} + \dots$$

$$+ b_1 \sin \frac{\pi x}{L} + b_2 \sin \frac{2\pi x}{L} + b_3 \sin \frac{3\pi x}{L} + \dots$$

係数=周波数成分: a, b 基底: sin, cos

関数 = 係数 × 基底

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

関数展開2

✓ 1次元では...(音声・信号処理等)

関数 $f(x)$ = 係数 $\begin{pmatrix} a_1 \\ a_2 \\ \vdots \\ a_n \end{pmatrix}$ × 基底 $\begin{pmatrix} v_1 \\ v_2 \\ \vdots \\ v_n \end{pmatrix}$

✓ 2次元では...(画像処理等)

関数 $f(u, v)$ = 係数 $\begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{m1} & a_{m2} & \dots & a_{mn} \end{pmatrix}$ × 基底 $\begin{pmatrix} v_{11} & v_{12} & \dots & v_{1n} \\ v_{21} & v_{22} & \dots & v_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ v_{m1} & v_{m2} & \dots & v_{mn} \end{pmatrix}$

低周波 (Low Frequency) 高周波 (High Frequency)

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

フーリエ級数

✓ フーリエ級数: $[-L, L]$ のパターンを繰り返す周期関数を、 $\sin(x)$ と $\cos(x)$ の和で表す。

$$f(x) = \frac{a_0}{2} + a_1 \cos \frac{\pi x}{L} + a_2 \cos \frac{2\pi x}{L} + a_3 \cos \frac{3\pi x}{L} + \dots$$

$$+ b_1 \sin \frac{\pi x}{L} + b_2 \sin \frac{2\pi x}{L} + b_3 \sin \frac{3\pi x}{L} + \dots$$

$$= \frac{a_0}{2} + \sum_{n=1}^{\infty} \left(a_n \cos \frac{n\pi x}{L} + b_n \sin \frac{n\pi x}{L} \right)$$

オイラー公式 $e^{i\theta} = \cos \theta + i \sin \theta$

$$f(x) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} c_n e^{\frac{n\pi x}{L}}$$

✓ 周波数成分: 基底の係数 a_n と b_n の決め方は、 $f(x)$ に \cos, \sin をかけて積分。

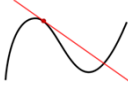
$$a_n = \frac{1}{L} \int_{-L}^L f(x) \cos \frac{n\pi x}{L} dx$$

$$b_n = \frac{1}{L} \int_{-L}^L f(x) \sin \frac{n\pi x}{L} dx$$

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

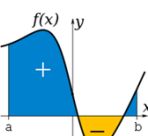
復習: 微積分

- ✓ 微分は関数の微小変化率:
 - ✓ 一階微分は速度・接線.
 - ✓ 二階微分は加速度・曲率

$$\frac{df(x)}{dx} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$$


$$y = x^n \Rightarrow \frac{dy}{dx} = nx^{n-1}$$

- ✓ 積分は微分の逆で「和」の一般化:

$$\frac{d}{dx} \left(\int f(x) dx \right) = f(x)$$


$$y = x^n \Rightarrow \int_a^b x^n dx = \left[\frac{1}{n+1} x^{n+1} \right]_a^b = \frac{1}{n+1} (b^{n+1} - a^{n+1})$$

✓ 面積、体積など

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

復習: 虚数・複素数

- ✓ 虚数は平方根の中が負の数:

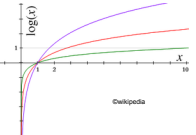
$$x^2 = -1 \Rightarrow x = \pm\sqrt{-1}$$
 - 虚数単位: $i = \sqrt{-1}$
 - 例: $\sqrt{-2} = \sqrt{-1} \times \sqrt{2} = i\sqrt{2}$
- ✓ 複素数は虚数と実数の線形和: $z = x + iy$
 - 実数部分: $\text{Re}(z) = x$
 - 虚数部分: $\text{Im}(z) = y$
 - 例: $z = 3 + 2i \Rightarrow \text{Re}(z) = 3, \text{Im}(z) = 2$

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

復習: 指数関数・自然対数

- ✓ 指数関数: $y = f(x) = a^x$
- ✓ 対数関数は指数関数の逆関数:

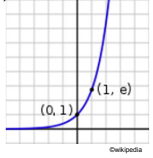
$$x = g(y) = \log_a y$$
 - yはaを底とするxの対数(logarithm).
 - 自然対数: $\log_e y = \int_1^y \frac{1}{t} dt, y = e^x$
 - ネイピア数: $e = 2.71828\dots, e = \lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n$



Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

復習: 指数関数・exp()

- ✓ 指数関数: $y = f(x) = a^x$
- ✓ ネイピア数が底(自然対数)の指数関数を exponential functionの略でexp()と表す:

$$y = e^x \Rightarrow y = f(x) = \exp(x)$$

 - 様々な数学的に良い性質:

$$\frac{d}{dx} e^x = e^x, e^{i\theta} = \cos \theta + i \sin \theta, \text{ etc.}$$

オイラー公式
 - 関数解析・統計→信号・画像処理

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

フーリエ変換

- ✓ もとの関数f(x)から、別の関数F(k)への変換:

$$\begin{cases} \text{順変換} & F(k) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{\infty} f(x) e^{-ikx} dx \\ \text{逆変換} & f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{\infty} F(k) e^{ikx} dk \end{cases}$$

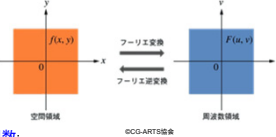
2組の式でフーリエ変換対をなす。フーリエ変換・逆変換という用語を使うこともある。
フーリエ変換をf→Fと2回行えば、元の関数に戻る。

$$e^{i\theta} = \cos \theta + i \sin \theta$$

フーリエ変換の性質

$f(x) + g(x) \Rightarrow F(k) + G(k), af(x) \Rightarrow aF(k)$

- ✓ ある関数f(x)をF(k)の積分(～和).
- ✓ F(k)はf(x)から積分によって計算.
- ✓ f(x)とF(k)の式は対称.
- ✓ f(x)が実数の関数でも、F(k)は一般に複素関数.
f(x)が偶関数の場合にはF(k)は実関数(cosのみ)



空間領域 $f(x, y)$ → フーリエ変換 → 周波数領域 $F(u, v)$

逆変換: 周波数領域 $F(u, v)$ → フーリエ変換 → 空間領域 $f(x, y)$

©CG-ARTS協会 ©H. Suzuki, U. Tokyo

$\frac{1}{\sqrt{2\pi}}$ は規格化係数なので、あまり気にしなくて良い

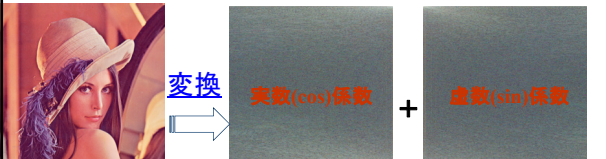
Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

離散フーリエ変換

- ✓ デジタル画像:
 - フーリエ変換の式は連続関数に対するもの.
 - デジタル画像はサンプリングされて、飛び飛び(離散データ).
- ✓ 離散フーリエ変換・逆変換:

講義資料での周波数画像は全て二乗してlog(1+F)を適用.

 - 離散データに対するフーリエ変換・逆変換.
 - 変換の結果の周波数列も離散的に求まる. $F(k) = \sum_{t=0}^{N-1} f(s) \exp(-\frac{j2\pi k t}{N})$
 - 1024x1024の画像 → 2x1024x1024の係数列: $(k = 0, 1, \dots, N-1)$

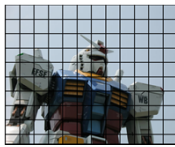


変換: 画像 → 実数(cos)係数 + 虚数(sin)係数

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

離散フーリエ変換2

✓ 画像では2次元なので...

$$F(u, v) = \sum_{i=0}^{N-1} \sum_{j=0}^{M-1} f(i, j) \exp(\dots)$$


- 1画素の離散フーリエ変換を計算するのに全ての画素の重み付和が必要！→全ての画素の変換を計算するには入力画素数の2乗に比例する計算量が必要！

✓ 高速フーリエ変換(FFT):次週少しやります.

- サンプリング数が2のべき乗(例:512や1,024)の時に高速に計算する方法(Nのべき乗の方法もある).

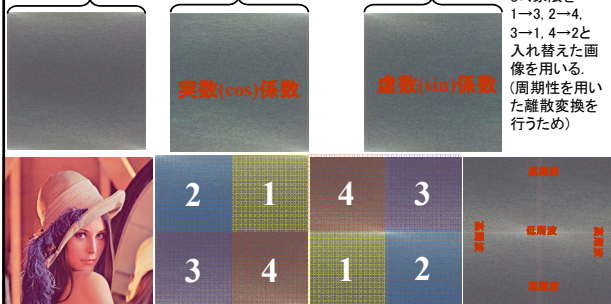
Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

フーリエ変換2

✓ パワースペクトル: 周波数の強度.


$$|F(u, v)|^2 = \text{Re}\{F(u, v)\}^2 + \text{Im}\{F(u, v)\}^2$$

画像処理ではよく象限を1→3, 2→4, 3→1, 4→2と入れ替えた画像を用いる。(周期性を用いた離散変換を行うため)

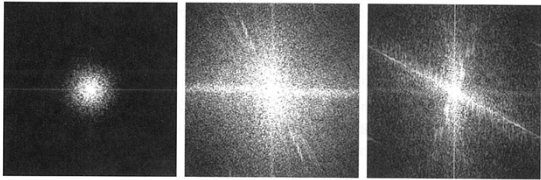


Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

フーリエ変換3



[a] 画像 [b] 画像 [c] 画像 (CC0-ARTS提供)



[d] [a]のフーリエスペクトル [e] [b]のフーリエスペクトル [f] [c]のフーリエスペクトル

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

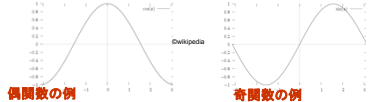
離散コサイン変換(DCT)

✓ 余弦関数列(cos)のみを基底に用いた変換:

- 入力をy軸で折り返して偶関数化して離散フーリエ変換する事と同義: 離散フーリエ変換は実数に対して複素数を返すのに対して、DCTは常に実数を返す.
- 低周波成分に集中度が上がるため圧縮やフィルタ処理でよく用いられている.

順変換
$$F(u, v) = C(u)C(v) \sum_{i=0}^{N-1} \sum_{j=0}^{M-1} \cos\left(\frac{2(j+1)u\pi}{2M}\right) \cos\left(\frac{2(i+1)v\pi}{2N}\right) f(i, j)$$

逆変換
$$f(x, y) = \frac{4}{MN} \sum_{i=0}^{N-1} \sum_{j=0}^{M-1} C(i)C(j) \cos\left(\frac{2(j+1)x\pi}{2M}\right) \cos\left(\frac{2(i+1)y\pi}{2N}\right) F(i, j)$$

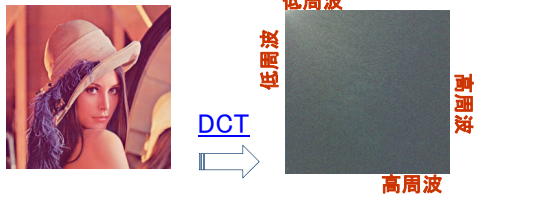


偶関数の例 $C(x) = \begin{cases} 1 & (x=0) \\ \sqrt{2} & (x \neq 0) \end{cases}$

奇関数の例

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

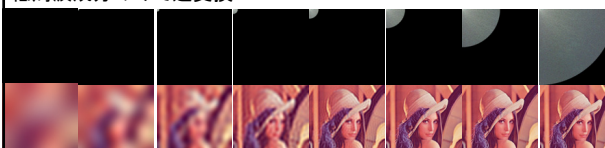
離散コサイン変換(DCT)2



低周波 高周波

DCT

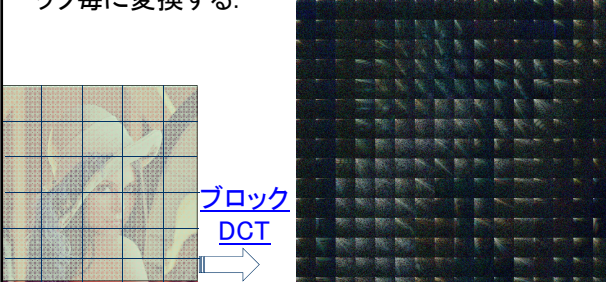
低周波成分のみで逆変換 ← → 高周波成分も使って逆変換



Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

離散コサイン変換(DCT)3

✓ 非常に処理が重いので、FFTを使わない簡単な実装は画像を部分画像(ブロック)に分割してブロック毎に変換する:



ブロック DCT

32x32のブロック毎のDCT例:

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

周波数フィルタリング

✓ 画像のフーリエ変換:

- 空間領域から周波数領域へ.
- フーリエ逆変換すれば、画像になる.

入力画像
 $f(x, y)$

↓ フーリエ変換

$F(u, v)$

Hで周波数特性を操作.

$G(u, v) = F(u, v)H(u, v)$

出力画像
 $g(x, y)$

↑ フーリエ逆変換

$G(u, v)$

ECG-ARTS協会
©H. Suzuki, U. Tokyo

✓ フーリエ変換して、画像を周波数領域に変換してしまえば、フィルタリングは、二つの関数を単純に掛け算するだけ.

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

周波数操作

入力画像

⇨ **変換**

周波数

⇨ **処理**

処理後の周波数

⇨ **逆変換**

出力画像

入力画像
 $f(x, y)$

↓ フーリエ変換

$F(u, v)$

ECG-ARTS協会

⇨ $F(u, v)H(u, v)$

出力画像
 $g(x, y)$

↑ フーリエ逆変換

$G(u, v)$

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

ローパスフィルタ

✓ $-u_0$ から、 u_0 までの低周波数成分だけ残す.

周波数の高い横方向の波(縦線)を消す.

ECG-ARTS協会

入力画像

ローパスフィルタ

出力画像

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

ローパスフィルタ2

ECG-ARTS協会

ローパスフィルタ

$(u, v)=(0,0)$ のフィルタの値が1なので、 $(u, v)=(0,0)$ の成分が保存される → 画像の平均的な明るさが保持される.

ECG-ARTS協会

入力画像

出力画像1

出力画像2

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

ハイパスフィルタ

✓ $-u_0$ から、 u_0 までの高周波数成分だけ残す.

$H_{high}(u, v) = 1 - H_{low}(u, v)$

✓ 1からローパスを引く:

ECG-ARTS協会

入力画像

ハイパスフィルタ

出力画像

✓ **バンドパスフィルタ: 特定周波数成分の抽出.**

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

高域強調フィルタ

✓ ハイパスフィルタから作る事が出来る.

$H_{h-emph}(u, v) = 1 + kH_{high}(u, v)$

エッジ強調!

ECG-ARTS協会

入力画像

高域強調フィルタ

出力画像

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

ギブス現象・Overshooting

✓ ローパスフィルタ=高周波成分の切り捨てはデータにエッジがあった場合に不連続なデータを連続関数で近似するためエッジ周辺での誤差が非常に大きくなる事: 画像ではリングアーティファクトと呼ばれている: 圧縮や補間等でのカーネルの打ち切り誤差.

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

ギブス現象・Overshooting2

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

その他の変換

✓ フーリエ変換以外にも、様々な基底を用いた関数展開が幅広く周波数解析に用いられている.

- KL(Karhunen-Loeve)展開: データの共分散行列の固有ベクトルを基底とする. 最小二乗的に最もデータに近い展開. **←主成分分析(PCA)の一般化**

PCA: Principal Component Analysis

主成分分析: 与えられた点群データに対して最小二乗的に最も相関が強い方向と強度を計算する:
 - 直線, 平面, Hyperplane等のデータへの当てはめ(最小二乗近似)
 - Covariance matrix(共分散行列=平均からの差)の固有値・ベクトルは Best fit 楕円, ellipsoid等の近似.

データ点 固有ベクトル × 固有値

重心

- 球面調和関数: 超球面上の関数空間の正規直交基底(円や球への離散化で回転非依存にしやすい).
- Zernike関数, 固有関数展開, etc.

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

その他の変換2

✓ Wavelet: 入力信号を小さな波形の拡大縮小と平行移動の重ね合わせで表現.

- フーリエ変換は時間軸上で常に一定のパターンを持ったデータ解析に有用だが、時刻によってパターンが変化するデータ解析には不向きである. ウェーブレット変換では局所的な波を平行移動と拡大縮小で波を表現するため、有限の区間内にあるデータの特性を解析するには三角関数より適している.
- 多重解像度解析(Multiresolution Analysis): パターンを周波数分解する作業を繰り返して行い特徴を解析.

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

周波数分解と操作

入力画像 $f(x, y)$ → 変換 → 周波数 → 処理 → 処理後の周波数 → 逆変換 → 出力画像 $g(x, y)$

フーリエ変換 $F(u, v)$ → $F(u, v)H(u, v)$ → フーリエ逆変換 $G(u, v)$

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

演習: DCT

www.riken.jp/brict/Yoshizawa/Lectures/index.html
www.riken.jp/brict/Yoshizawa/Lectures/Lec16.pdf

離散コサイン変換による周波数フィルタ
www.riken.jp/brict/Yoshizawa/Lectures/Ex08.zip

前回の演習(BMPとPPMの相互変換)が分からなかった or 出来ていない or 欠席した人は、前回の演習から始める事!

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

演習: Ex08の説明

- ✓ DCT.h: 離散コサイン変換のブロック実装:
- ✓ 順変換: `Image *DCT(Image *in, int X, int Y)`: 入力画像inをX×YブロックでDCTを実行し周波数画像を戻り値で返す。
 - 注意点: 周波数画像は入力画像サイズがブロックサイズで割り切れない場合は入力画像サイズより少し大きなサイズで作成される。
- ✓ 逆変換:


```
void InverseDCT(Image *dct, Image *out, int X, int Y);
```

 DCT()にて変換された画像dctをX×Yブロックで逆変換し出力画像outへ保存。

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

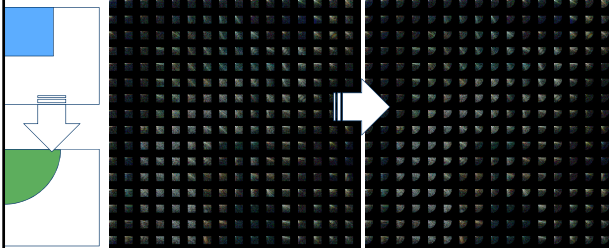
演習: Ex08の説明2

- ✓ testDCT.cxx: 離散コサイン変換の例。
- ✓ makeでコンパイル。
- ✓ 引数4つ:
 1. 入力BMPファイル名。
 2. 出力ファイル名(ただし拡張子.bmpなし)。
 3. ブロックサイズ(int)。
 4. 周波数の閾値(int): 高周波を四角にカット。/testDCT 入力BMP 出力ファイル名(.bmp抜き) ブロックサイズ(int) 周波数の閾値(int)
- ✓ 出力は3つのbmp画像ファイル:
 - 出力ファイル名_spectrum.bmp
 - 出力ファイル名_smooth.bmp
 - 出力ファイル名_smooth_spectrum.bmp

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

演習: 周波数フィルタ

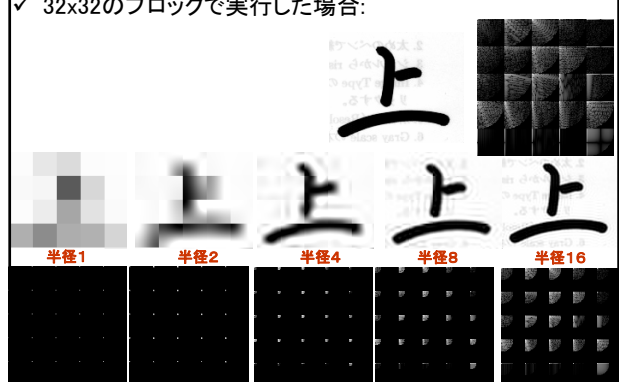
- ✓ testDCT.cxxを編集して円状に高周波をゼロにするローパスフィルタを作ってみましょう!
- ✓ 16x16のブロックで半径1,2,3,4,8で実行してみてください。
- ✓ ヒント: testDCT.cxxは四角に低周波を残しているの、円状にするだけ。



Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

演習の正解例


- ✓ 32x32のブロックで実行した場合:



Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

演習の正解例2

- ✓ 32x32のブロックで実行した場合:



- ✓ Ex08中のSeikai.zip内にStrasborug2.bmpでの正解画像が入っています。

Shin Yoshizawa: shin@riken.jp

演習: 周波数フィルタ2

- ✓ 以下の周波数フィルタのプログラムを作ってみましょう!
 1. ローパスフィルタ: 円状に高周波をゼロにする方法とガウス関数を使う方法両方。
 2. ハイパスフィルタ: 円状に高周波をゼロにする方法。
 3. バンドパスフィルタ: 円状に高周波をゼロにする方法。
 4. エッジ強調フィルタ: 円状に高周波をゼロにする方法とガウス関数を使う方法両方。
 - ヒント: ガウス関数の画像を作って正規化(画素の和で割る)し、DCT後に入力のDCT画像とかけて逆変換。

$$g(x, y) = \exp\left(-\frac{x^2 + y^2}{2\sigma^2}\right)$$

第1回レポートは1を含むので頑張ってください



来週の予定

内容(2-4): 周波数分解

- ✓ フーリエ変換と周波数操作、多重解像度解析.
- ✓ Gaussianフィルタ等.

1回 画像フォーマット

2回 周波数分解

3回

4回

5回

6回

7回

8回

9回

10回

11回

12回

13回

14回

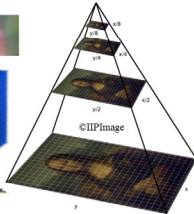
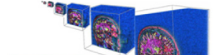
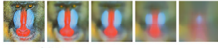
15回

フィルタ処理・エッジ強調

計算Photography・Artistic Stylization

動画像処理

エッジ・形状・特徴抽出とパターン認識の基礎 + 補講



©S. Yoshizawa, RIKEN